

等差数列（その24）解答

問

(1) 下の数列の5番目から10番目までの和を求めなさい

2、6、10、14、18、22、・・・・・・

5～10番目までの和 = 1～10番目までの和 - 1～4番目までの和

$$\text{公差} = 6 - 2 = 4$$

$$n \text{ 番目の数} = \text{最初の数} + \text{公差} \times (n - 1)$$

$$\begin{aligned} 10 \text{ 番目の数} &= 2 + 4 \times (10 - 1) \\ &= 2 + 4 \times 9 \\ &= 38 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4 \text{ 番目の数} &= 2 + 4 \times (4 - 1) \\ &= 2 + 4 \times 3 \\ &= 2 + 12 \\ &= 14 \end{aligned}$$

$$n \text{ 番目までの和} = (\text{最初の数} + n \text{ 番目の数}) \times n \div 2$$

$$\begin{aligned} 10 \text{ 番目までの和} &= (2 + 38) \times 10 \div 2 \\ &= 40 \times 10 \div 2 \\ &= 200 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4 \text{ 番目までの和} &= (2 + 14) \times 4 \div 2 \\ &= 16 \times 4 \div 2 \\ &= 32 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 5 \sim 10 \text{ 番目までの和} &= 1 \sim 10 \text{ 番目までの和} - 1 \sim 4 \text{ 番までの和} \\ &= 200 - 32 \\ &= 168 \end{aligned}$$

(次のページに続く)

(2) 下の数列の3番目から12番目までの和を求めなさい

2、7、12、17、・・・

3～12番目までの和 = 1～12番目までの和 - 1～3番目までの和

$$\text{公差} = 7 - 2 = 5$$

$$\begin{aligned} n \text{ 番目の数} &= \text{最初の数} + \text{公差} \times (n - 1) \\ 12 \text{ 番目の数} &= 2 + 5 \times (12 - 1) \\ &= 2 + 5 \times 11 \\ &= 57 \\ 3 \text{ 番目の数} &= 2 + 5 \times (3 - 1) \\ &= 2 + 5 \times 2 \\ &= 12 \end{aligned}$$

$$n \text{ 番目までの和} = (\text{最初の数} + n \text{ 番目の数}) \times n \div 2$$

$$\begin{aligned} 12 \text{ 番目までの和} &= (2 + 57) \times 12 \div 2 \\ &= 59 \times 12 \div 2 \\ &= 354 \\ 3 \text{ 番目までの和} &= (2 + 12) \times 3 \div 2 \\ &= 14 \times 3 \div 2 \\ &= 21 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3 \sim 12 \text{ 番目までの和} &= 1 \sim 12 \text{ 番目までの和} - 1 \sim 3 \text{ 番までの和} \\ &= 354 - 21 \\ &= 333 \end{aligned}$$

(次のページに続く)

(3) 下の数列の8番目から15番目までの和を求めなさい

5、8、11、14、・・・

8～15番目までの和 = 1～15番目までの和 - 1～8番目までの和

$$\text{公差} = 8 - 5 = 3$$

$$n \text{ 番目の数} = \text{最初の数} + \text{公差} \times (n - 1)$$

$$\begin{aligned} 15 \text{ 番目の数} &= 5 + 3 \times (15 - 1) \\ &= 5 + 3 \times 14 \\ &= 47 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 8 \text{ 番目の数} &= 5 + 3 \times (8 - 1) \\ &= 5 + 3 \times 7 \\ &= 26 \end{aligned}$$

$$n \text{ 番目までの和} = (\text{最初の数} + n \text{ 番目の数}) \times n \div 2$$

$$\begin{aligned} 15 \text{ 番目までの和} &= (5 + 47) \times 15 \div 2 \\ &= 52 \times 15 \div 2 \\ &= 390 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 8 \text{ 番目までの和} &= (5 + 26) \times 8 \div 2 \\ &= 31 \times 8 \div 2 \\ &= 124 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3 \sim 12 \text{ 番目までの和} &= 1 \sim 12 \text{ 番目までの和} - 1 \sim 3 \text{ 番までの和} \\ &= 390 - 124 \\ &= 266 \end{aligned}$$

(次のページに続く)

(4) 下の数列の9番目から21番目までの和を求めなさい

7、18、29、40、・・・・・・

9～21番目までの和 = 1～21番目までの和 - 1～9番目までの和

$$\text{公差} = 18 - 7 = 11$$

$$n \text{ 番目の数} = \text{最初の数} + \text{公差} \times (n - 1)$$

$$21 \text{ 番目の数} = 7 + 11 \times (21 - 1)$$

$$= 7 + 11 \times 20$$

$$= 227$$

$$9 \text{ 番目の数} = 7 + 11 \times (9 - 1)$$

$$= 7 + 11 \times 8$$

$$= 95$$

$$n \text{ 番目までの和} = (\text{最初の数} + n \text{ 番目の数}) \times n \div 2$$

$$21 \text{ 番目までの和} = (7 + 227) \times 21 \div 2$$

$$= 234 \times 21 \div 2$$

$$= 2457$$

$$9 \text{ 番目までの和} = (7 + 95) \times 9 \div 2$$

$$= 70 \times 9 \div 2$$

$$= 315$$

$$3 \sim 21 \text{ 番目までの和} = 1 \sim 21 \text{ 番目までの和} - 1 \sim 2 \text{ 番目までの和}$$

$$= 2457 - 315$$

$$= 2142$$